

Типовой расчет по математическому анализу

Вариант № 316

5. Исследовать на равномерную сходимость $f_n(x) = n^2 x^4 e^{-nx}$ при $x \in [0; +\infty)$.
6. Используя признак Вейерштрасса, исследовать на равномерную сходимость при $x \in R$:

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{1}{x^2 - 4nx + 5n^4}$$

7. Найти область сходимости степенного ряда:

(a) $\sum_{n=1}^{+\infty} \left(\frac{n^3 - 2n}{n^3 + 4} \right)^{n^3} \cdot \frac{(4x+1)^n}{n (-3)^n}$ (b) $\sum_{n=1}^{+\infty} \sqrt{\frac{n}{n^4 + 1}} \cdot \frac{4^n + n}{(3x-1)^n}$

8. Найти область сходимости и вычислить сумму степенного ряда: $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{3^n}{n x^{2n+1}}$

9. Свести вычисление интеграла к суммированию числового ряда: $I = \int_0^1 \frac{e^{t^2} - \cos t}{t} dt$

10. Задачу Коши $\begin{cases} y'' + (1-2x)y' - y = 0 \\ y(0) = 0; y'(0) = -1 \end{cases}$ свести к рекурсивному вычислению коэффициентов степенного ряда: $y(x) = \sum_{n=0}^{+\infty} C_n \cdot x^n$. Вычислить первые $N = 7$ коэффициентов C_n .